

# 全国体育单招数学专题检测一平面向量

满分 150 测试时长 90 分钟

一、选择题(本大题共 10 小题, 每小题 6 分, 共 60 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的)

1. 已知向量  $\mathbf{a} = (1, 2)$ ,  $\mathbf{b} = (3, 1)$ , 则  $\mathbf{b} - \mathbf{a} =$  ( )  
A.  $(-2, 1)$       B.  $(2, -1)$       C.  $(2, 0)$       D.  $(4, 3)$
2. 已知向量  $\mathbf{a} = (1, -1)$ ,  $\mathbf{b} = (2, x)$ . 若  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 1$ , 则  $x =$  ( )  
A.  $-1$       B.  $-\frac{1}{2}$       C.  $\frac{1}{2}$       D.  $1$
3. 已知  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  是单位向量, 且  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 0$ , 那么  $|\mathbf{a} - \mathbf{b}| =$  ( )  
A.  $\sqrt{2}$       B.  $\sqrt{2} - 1$       C.  $\sqrt{2} + 1$       D.  $\sqrt{2} + 2$
4. 已知向量  $\vec{a} = (1, m)$ ,  $\vec{b} = (m, 2)$ , 若两向量共线, 则实数  $m$  等于 ( )  
A.  $-\sqrt{2}$       B.  $\sqrt{2}$       C.  $-\sqrt{2}$  或  $\sqrt{2}$       D.  $0$
5. 设  $M$  为平行四边形  $ABCD$  对角线的交点,  $O$  为平行四边形  $ABCD$  所在平面内任意一点, 则  $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} + \vec{OD}$  等于 ( )  
A.  $\vec{OM}$       B.  $2\vec{OM}$       C.  $3\vec{OM}$       D.  $4\vec{OM}$
6. 已知  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  为单位向量, 其夹角为  $60^\circ$ , 则  $(2\mathbf{a} - \mathbf{b}) \cdot \mathbf{b} =$  ( )  
A.  $-1$       B.  $0$       C.  $1$       D.  $2$
7. 若向量  $\mathbf{a} = (1, 1)$ ,  $\mathbf{b} = (-1, 1)$ ,  $\mathbf{c} = (4, 2)$ , 则  $\mathbf{c} =$  ( )  
A.  $3\mathbf{a} + \mathbf{b}$       B.  $3\mathbf{a} - \mathbf{b}$       C.  $-\mathbf{a} + 3\mathbf{b}$       D.  $\mathbf{a} + 3\mathbf{b}$
8. 若向量  $\vec{a} = (1, 2)$ ,  $\vec{b} = (1, -1)$ , 则  $2\vec{a} + \vec{b}$  与  $\vec{a} - \vec{b}$  的夹角等于 ( )  
A.  $\frac{\pi}{4}$       B.  $\frac{\pi}{6}$       C.  $-\frac{\pi}{4}$       D.  $\frac{3\pi}{4}$

9. 已知向量  $\vec{a} = (1, \cos \theta)$  与  $\vec{b} = (-1, 2 \cos \theta)$  垂直, 则  $\cos 2\theta$  等于 ( )

- A.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       B.  $\frac{1}{2}$       C. 0      D. -1

10. 已知向量  $\vec{a} = (1, \sqrt{3}), \vec{b} = (3, m)$ . 若向量  $\vec{a}, \vec{b}$  的夹角为  $\frac{\pi}{6}$ , 则实数  $m =$  ( )

- A.  $2\sqrt{3}$       B.  $-\sqrt{3}$       C. 0      D.  $\sqrt{3}$

## 二、填空题(本大题共 6 小题, 每小题 6 分, 共 36 分)

11. 若向量  $\vec{AB} = (1, 2), \vec{BC} = (3, 4)$ , 则  $\vec{AC} =$  \_\_\_\_\_.

12. 若向量  $\vec{OA} = (1, -3), |\vec{OA}| = |\vec{OB}|, \vec{OA} \cdot \vec{OB} = 0$ , 则  $|\vec{AB}| =$  \_\_\_\_\_.

13. 已知单位向量  $\vec{e}_1, \vec{e}_2$  的夹角为  $\alpha$ , 且  $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ , 若向量  $\vec{a} = 3\vec{e}_1 - 2\vec{e}_2$ , 则  $|\vec{a}| =$  \_\_\_\_\_.

14. 设  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ , 向量  $\vec{a} = (\sin 2\theta, \cos \theta), \vec{b} = (1, -\cos \theta)$ , 若  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ , 则  $\tan \theta =$  \_\_\_\_\_.

15. 在  $OA$  为边,  $OB$  为对角线的矩形中,  $\vec{OA} = (-3, 1), \vec{OB} = (-2, k)$ , 则实数  $k =$  \_\_\_\_\_.

16. 已知向量  $\vec{a}, \vec{b}$  夹角为  $45^\circ$ , 且  $|\vec{a}| = 1, |2\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{10}$ , 则  $|\vec{b}| =$  \_\_\_\_\_.

## 三、解答题(本大题共 3 小题, 共 54 分, 解答应写出推理、演算步骤)

17. 已知向量  $\mathbf{a} = (1, 0), \mathbf{b} = (1, 1)$ .

- (1) 求与  $2\mathbf{a} + \mathbf{b}$  同向的单位向量的坐标;
- (2) 向量  $\mathbf{b} - 3\mathbf{a}$  与向量  $\mathbf{a}$  夹角的余弦值.

18. 设  $x \in \mathbb{R}$ , 向量  $\vec{a} = (x, 1), \vec{b} = (1, -2)$ , 且  $\vec{a} \perp \vec{b}$ .

- (1) 求  $x$  的值;
- (2) 求  $|\vec{a} - \vec{b}|$ .

19. 在平行四边形  $ABCD$  中,  $\vec{AC} = (2, 0), \vec{BD} = (4, 2)$ .

- (1) 求  $\cos \angle BAD$ ;
- (2) 求平行四边形  $ABCD$  的面积.

参考答案

选择题 BDACD BBACD

填空题 11. (4, 6); 12.  $2\sqrt{5}$ ; 13. 3; 14.  $\frac{1}{2}$ ; 15. 4; 16.  $3\sqrt{2}$ .

解答题

17.

(1) 由  $\mathbf{a} = (1, 0)$ ,  $\mathbf{b} = (1, 1)$ , 得  $2\mathbf{a} + \mathbf{b} = (3, 1)$ . 设与  $2\mathbf{a} + \mathbf{b}$  同向的单位向量为  $\mathbf{c} = (x, y)$ ,

$$\text{则 } \begin{cases} x^2 + y^2 = 1, \\ 3y - x = 0, \end{cases} \text{ 且 } x, y > 0, \text{ 解得 } \begin{cases} x = \frac{3\sqrt{10}}{10}, \\ y = \frac{\sqrt{10}}{10}. \end{cases} \text{ 故 } \mathbf{c} = \left( \frac{3\sqrt{10}}{10}, \frac{\sqrt{10}}{10} \right). \text{ 即与 } 2\mathbf{a} + \mathbf{b} \text{ 同向的单}$$

位向量的坐标为  $\left( \frac{3\sqrt{10}}{10}, \frac{\sqrt{10}}{10} \right)$ . (2)  $-\frac{2\sqrt{5}}{5}$ .

18. (1)  $x=2$ ; (2)  $\sqrt{10}$ .

19. (1)  $-\frac{\sqrt{5}}{5}$ ; (2) 2.